

# 流体と軸対称構造物との地震連成振動解析に関する研究

中村 猛 岡田 宏

## Study on Hydrodynamic Interaction Effect of Axisymmetric Structure-Water Systems Subjected to Earthquake Motions

Takashi Nakamura Hiroshi Okada

### Abstract

Chopra et al. developed the finite element method for axisymmetric tower structures surrounded by water considering hydrodynamic interaction. The authors added various functions to this for general applicability. The principal ones among the additional functions are the capability of considering compressibility of fluids, influences of surface waves, and infinity of fluids such as seas. These functions made it possible for thin-shell elements to be added, multi-walled structures to be evaluated and analysis of diverse structural forms to be made. Also, along with improving the analytical method for calculative efficiency, time-history response analysis by direct integration has been made possible. In this paper, analyses are made of ① base-isolated tank, ② double-cylinder tank, and ③ offshore structure. The analytical results are compared with experimental and literature-search results, and a few points about the results are discussed. This advanced analytical method is proves to give accurate results and to be useful for various structure-water systems.

### 概要

Chopra 等により開発された有限要素法による軸対称水中構造物の連成振動解析法に、各種機能を追加して汎用性を持たせた。主な追加機能は、流体の圧縮性や表面波の影響および海洋などの流体の無限性の考慮ができることと、薄肉シェル要素の追加および多重壁構造の評価ができることにより、多様な構造形式の解析が可能となっている。また、演算効率の向上をはかると共に、直接積分法による時刻歴応答解析を可能とした。本報告は、①免震タンク、②二重円筒タンクおよび③海洋構造物について解析を行なって、実験データおよび文献の実験値や解析値との照合によって本解析法の妥当性を検証した結果と、流体関連構造物の基本振動特性を評価・検討した結果を示す。解析結果は、実験および文献の結果とよく対応しており、本解析法は多様な形式の流体関連構造物の地震連成振動解析に適用できることが確認された。

### 1. はじめに

流体と構造物の地震連成振動解析に関する解析手法としては、Chopra 等により開発された有限要素法による軸対称水中構造物連成振動解析プログラムがある<sup>1)</sup>。その特徴は、①流体は非圧縮・非粘性・非回転の理想流体を仮定し、流体の自由表面の波動は無いものとしている。②構造物は、流体の圧縮性が無視できる細長い塔状の取水塔を対象とし、厚肉シェル要素でモデル化をしている。また構造物内の流体は固定水としてモデル化をしている。③構造物に作用する流体力は付加質量の考え方で定式化をしている。④時刻歴解析はモーダル応答法の手法を採用しているなどであり、当社で実施した固定式海洋構造物の振動実験の地震応答解析に用いた例がある<sup>2)</sup>。この解析手法では、タンクなどに見られる内部流体の自

由表面の動搖（スロッシング）および構造－流体連成振動（バルシング）の評価ができず、水中構造物の地震応答時に外部流体の自由表面に生じる波の影響の評価ができるない。また、流体は非圧縮性を仮定しているが、流体の圧縮性が構造－流体連成振動に及ぼす影響を評価するには、圧縮性流体の運動方程式の定式化と構造－流体連成方程式の定式化が必要となる。

本報告で示す解析法は、上記の解析手法の問題点に対応し、圧縮性と自由表面の波動を考慮した流体および軸対称構造物の各運動方程式の定式化と、これらの連成運動方程式の誘導を骨子とする。さらに解析法の妥当性を検証するために、①免震タンク、②二重円筒タンクおよび③海洋構造物を対象とする解析を行ない、既往実験結果および文献資料との照合を行なった結果を示す。









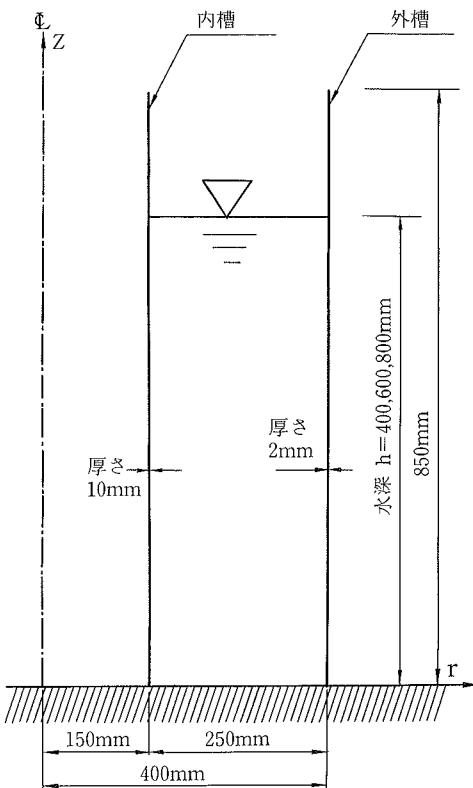


図-13 二重円筒タンクのバルジング  
実験モデル

モデルを示す。タンクは免震タンクと同じ直径 4.0 m の鋼製タンクの内側に直径 2.4 m の鋼製の内槽を設置し、アニュラス部の水深をパラメータに振動台による正弦波入力実験を行なった。

解析における二重円筒タンクと流体の各物性値は、図-3 に示す同じ数値を用いている。

表-2 に、水深が 30 cm, 60 cm および 120 cm の実験および解析によるスロッシングの固有振動数を示す。実験と解析値は良い対応を示している。水深のスロッシングの周期に及ぼす影響は、高次（4 次以上）の周期に変化は見られないが、水深が浅いほど低次のスロッシングの周期は長くなる。図-12 に解析による水深が 120 cm のときの 1～3 次のスロッシングの固有モードを示す。

**3.2.2 バルジングの検討** 文献<sup>5)</sup>の二重円筒タンクのバルジングの実験値と、本解析による結果の比較を行なった。図-13 に二重円筒タンクのバルジングの実験モデルを示す。解析の FEM の構造モデルは、SOLID 要素モデルおよび SHELL 要素モデルを用い、構造材料はアクリルで、物性値はヤング率  $E = 3.674 \times 10^8 \text{ kgf/m}^2$ 、質量密度  $\rho = 1.382 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ 、ポアソン比  $\nu = 0.341$  を用いた。

表-3 に、水深が 40 cm, 60 cm および 80 cm の実験および解析によるバルジング 1 次の固有振動数を示す。実験と解析値は良い対応を示している。解析においては、

表-3 二重タンクのバルジング  
1 次の固有振動数

水深	文献実験値 <sup>5)</sup>	FEM	
		SHELL要素	SOLID要素
80cm	24.3Hz	24.24Hz	24.70Hz
60cm	35.3Hz	33.69Hz	34.73Hz
40cm	54.4Hz	50.59Hz	53.99Hz

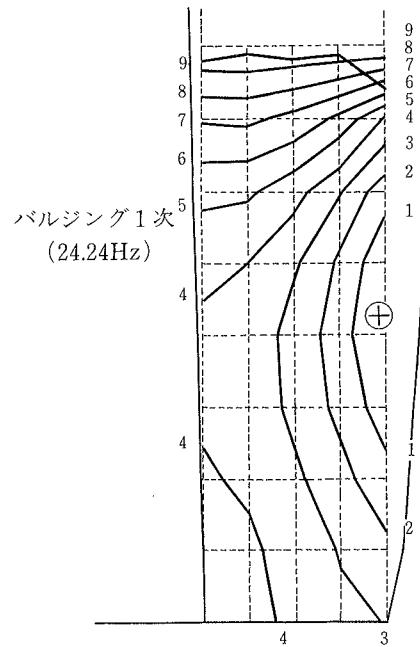


図-14 二重円筒タンクのバルジング  
1 次振動モード  
(FEM 解析 SHELL 要素)

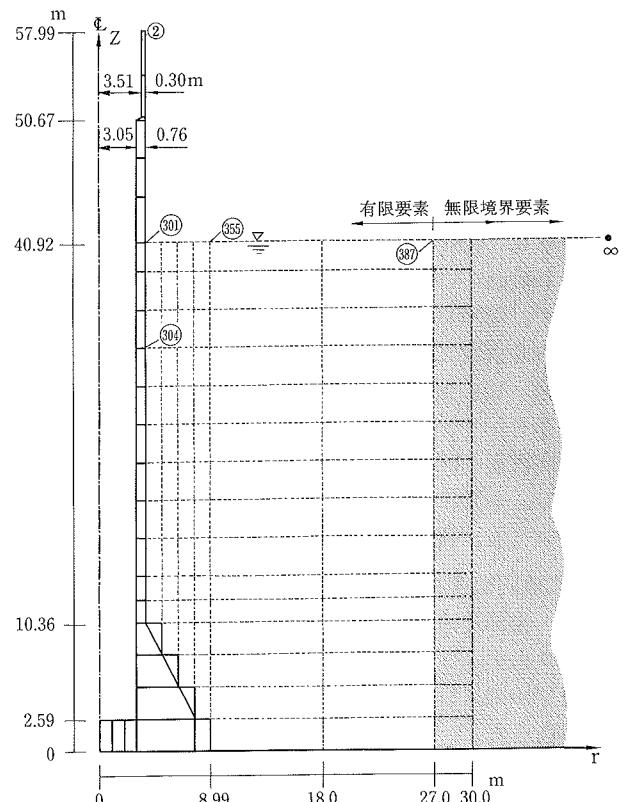


図-15 海洋構造物の FEM 解析モデル



造物連成の固有振動数は、非圧縮性流体に比べて、圧縮性流体の場合にはやや低くなっている。図-16に非圧縮性流体の場合の1～3次の流体一構造物連成の振動モードを示す。

**3.3.2 地震応答解析** 図-17に、レーリ減衰1%を仮定し、流体の圧縮性（体積弾性率  $\kappa = 2.27 \times 10^8 \text{ kgf/m}^2$ ）と自由表面の波の影響を考慮し、かつ流体の広がりを無限境界要素で評価した場合の、TAFT EW 波 176 gal 入力の直接積分法による地震応答解析の代表的な節点の加速度、変位、動水圧および波高の時刻歴波形を示す。また図-18に、そのときの最大値分布（構造変位、動水圧、波高）を示す。動水圧の分布は自由表面より深くなるにつれ増大し、ある深さよりほぼ一定の値となる。波高については、構造物の近傍では 11 cm 程度の波が生じるが、無限境界要素の効果により、構造物から離れるに従って波高が小さくなっている。本解析法により海洋構造物の地震応答をほぼ妥当に評価出来るのが分かる。

#### 4. まとめ

圧縮性と自由表面の波動を考慮した流体一軸対称構造物・地震連成振動解析法の概要を説明し、さらに検証事例として、①免震タンク、②二重円筒タンクおよび③海洋構造物をとりあげ、解析検討を行なった。本解析結果は、筆者らの既往実験結果および文献資料の結果とよい対応を示しており、本解析法の妥当性が確認された。今後は、本解析法を多様な形式の流体関連構造物の地震連成振動解析に適用し、研究を進めていく。

#### 謝 辞

本研究の解析コード構築においては、(株)計算力学研究センターの伊藤 元氏および北川和士氏の多大な協力を得ました。ここに感謝します。

#### 参考文献

- 1) C. Y. Liaw, A. K. Chopra : Earthquake Response of Axisymmetric Tower structures Surrounded by water, Report No. EERC 73-25, University of California, Berkeley (1973)
- 2) 中村 嶽, 安楽秀嶽 : 固定式海洋構造物の地震応答に関する研究 (その 2), 大林組技術研究所報, No. 14, p. 48~51, (1977)
- 3) W. C. Müller : Simplified Analysis of Linear Fluid-Structure Interaction, Int. J. Num. Met. Eng., Vol. 17, p. 113~121 (1981)
- 4) 中村 嶽 武田寿一 : 円筒タンクの地震応答に関する研究 (その 2), 大林組技術研究所報, No. 27, p. 48~53, (1983)
- 5) 小林信之 : 一重及び二重円筒殻と液体の連成振動, 石川島播磨技報, p. 233~237, (1983)
- 6) B. Häggblad, G. Nordgren : Modelling Nonlinear Soil-Structure Interaction Using Interface Elements, Elastic-Plastic Soil Elements and Absorbing Infinite Elements, Computers & Structures, vol. 26, p. 307~324, (1987)
- 7) O. C. Zienkiewicz, P. Bettess : Fluid-Structure Dynamic Interaction and wave Forces, An Introduction to Numerical Treatment, Int. J. Num. Met. Engng., Vol. 13, p. 1~16, (1978)
- 8) 岡田繞夫, 坂井藤一, 迫田治行 : 有限要素法による大型液体タンクの地震応答解析, 川崎技報, No. 59, p. 69~74, (1975)
- 9) 岩田耕司, 他 : 汎用構造解析プログラム FINAS による流体一構造連成振動解析, 構造工学における数値解析法シンポジウム論文集, Vol. 12, p. 353~358, (1988)
- 10) 藤田勝久, 他 : 二重円筒アニュラス部のスロッシング地震応答 (正弦波過渡応答) 日本機械学会論文集 (c 編), Vol. 52, No. 476, p. 1132~1140, (1986)
- 11) 笠井洋昭 : 流体で満たされた多重円筒の連成振動解析, 日本機械学会論文集 (c 編) Vol. 48, No. 435, p. 1703~1712, (1982)
- 12) 谷 順二, 寺木潤一 : 部分的に液体を満たした軸対称殻の自由振動解析, 日本機械学会論文集 (c 編), Vol. 54, No. 497, p. 73~79, (1988)