地上式LNG貯槽を対象とした各種耐震解析手法の適用性検討

松田隆伊藤英芳 大内一

Applicability of Seismic Analysis Methods to a Pile Supported LNG Storage Tank

Takashi Matsuda Hideyoshi Ito Hajime Ouchi

Abstract

Seismic response analyses were conducted for a strong input motion, the L2 earthquake wave, to a pile supported LNG storage tank. The object of the analyses was to investigate the applicability of each analysis method to a seismic design code. For the ground motion response analysis, the equivalent linear method and the non-linear time integration method were compared. The equivalent linear method yields responses that are almost equal to those obtained from the detailed method, and somewhat larger accelerations at the ground surface. Therefore, this method could be adopted for the seismic design on the basis of safety. For the soil-structure interaction analysis, four methods were compared, including the Penzien model and the FEM model. It was indicated that taking into account ground nonlinearity, the interaction model gives relatively large section forces, as do more detailed methods such as 3D FEM and axial symmetry FEM. Finally, it was determined that the existing PC-LNG tank had satisfactory seismic safety against the L2 earthquake wave.

概 要

群杭を有する地上式PCLNG貯槽を対象に,レベル2地震動を入力とする種々の地震応答解析を行い,同 種構造物の耐震設計に対する適用性を検討した。地盤の応答解析として,等価線形化手法と逐次積分非線形手 法とを適用した結果,地表面の加速度応答はやや等価線形化手法の方が大きくなり,安全側の評価を与えるこ とがわかった。地盤~貯槽の連成解析には,Penzien系モデル,2次元,軸対称及び3次元のFEMモデルを 適用した。杭の断面力に関しては,地盤の非線形性を相互作用系で考慮した方が大きな応答を与えること,地 盤物性が同様の場合にはより詳細な幾何モデルを用いた解析法の方が大きな応答を与える傾向があること,な どがわかった。最終的には限界状態設計法によって杭及び基礎版の断面力を照査した結果,既存のPCLNG 貯槽はレベル2地震動に対して十分な耐震安全性を有することが示された。

1. はじめに

LNG貯槽に関する各種設計指針類^{1)など}では許容応力 設計法から性能照査型設計法へ移行するとともに,レベ ル2地震動(L2)に対する耐震設計が必要になってき た。この場合,設計照査には動的応答解析を用いた耐震 計算が主流になる。このとき,国内にある地上式LNG貯 槽は数百本から千本台の大型の群杭を有しており,実設 計においては杭を一本毎にモデル化する事は非現実的で あるため,簡略化された相互作用系の解析モデル^{2)など}が まず必要になる。また,強震時を想定した群杭基礎と周 辺地盤との複雑な動的相互作用及び構造物と地盤の非線 形性を考慮できる解析手法が要求される。すなわち,地 震時の材料非線形性を合理的に取り入れた実務対応の耐 震計算法の整備が必要となる。これまで実務の耐震設計 に用いられている軸対称FEMやPenzien系モデルは, 個別に実験や地震観測記録を基に解析手法の妥当性が検 討されているが,それぞれの解析法を比較した例は少な い。そのため,採用した解析法によって照査結果が異な り,耐震性評価上問題が生じる可能性がある。

本研究では,解析手法によって応答値がどの程度差異 が生じるかを明確にし,安全側かつ合理的な照査結果を 与える手法を抽出するものである。具体的には簡易手法 としてのPenzien系モデルから,詳細手法としての3次 元FEMモデルまでの4種類の耐震計算法を地上式PC LNG貯槽に適用し,それらの解析手法の特質を求める と共に,各応答解析結果を定量的に比較した。

最終的には地震時断面力照査の観点から,各種解析方法を用いる場合の留意点をまとめる。また,実存する貯 槽を対象に,地震時断面力を限界状態設計法³⁾によって 照査していることから,既存PCLNG貯槽の耐震安全 性を示すことになる。

シル

シル

シル

砂質粘土

砂質粘土

砂質土

粘性土

砂質土

粘性土

工学基盤

33.4

34.8

36.5

43.7

47.4

55.4



Response Spectra of Seismic Waves for Analysis

地盤応答解析 2.

2.1 解析条件

地震応答解析に用いる,入力地 2.1.1 入力地震動 震動は製造設備等耐震設計指針4)に基づき,地表面で最 大480Galとなるように最大加速度を設定した。この設定 では,地上式PCLNG貯槽が多く存在する関西地区の地域 係数を用いている。また,波形の振動数特性が応答結果 に及ぼす影響を把握するため,解析的に工学的基盤波の 振幅を調整した4つの地震動[1)1940El Centro NS, 2)1968十勝沖地震八戸EW,3)1995兵庫県南部地震神戸海 洋気象台NS,4)同地震大阪ガス泉北基地NS=模擬地震 動)を用いた。このうち,2)4)はスペクトル特性を製造 設備等耐震設計指針での基準応答倍率を用い位相特性を 観測波形に合わせた。Fig.1に地表面での加速度応答ス ペクトルを示す。

2.1.2 地盤モデル 地盤モデルは実存する地上タン クの立地地点のデータを参考にした(Table 1及びFig. 1参照)。工学的基盤はGL-55.4mに,地下水位は地表面 に設定した。

2.1.3 解析手法 Table 2にここで採用した解析手法 の主なメリットと留意点をまとめる。等価線形化法は, 適用実績が多く各種解析モデルでのパラメータが設定し やすい長所がある。更に,相互作用系の解析手法におい て等価剛性を用いる場合,その設定が容易である。-方,非線形解析法は,強地震動による非線形振動あるい は残留変形が直接評価できる。一般的に,地震時のせん 断ひずみ振幅が1%を超える場合,等価線形化法の適用性 は困難とされている。このとき,非線形解析法が適切と なるが,前述したように相互作用系モデルで等価剛性を

Soil Properties of Model Ground						
土質	深度 (m)	単位体積重量 (kN/m ³)	S波速度 (m/s)	非線形特性		
礫混り砂	1.1	17.64	220	А		
砂混り粘土	2.0	16.17	140	В		
礫混り砂	8.3	17.64	220	А		
シルト質粘土	12.0	16.17	140	В		
シルト混り砂	14.8	17.64	170	С		
粘土	16.9	16.68	260	D		
粗砂	22.1	18.62	240	Е		
シルト質粘土	26.4	15.68	330	D		
粗砂	31.4	18.62	270	Е		

16.66

16.66

18.62

15.68

18.62

15.68

18.62

240

240

290

230

370

260

450

F

F

Ε

G

E

Н

Table 1 地盤モデルの諸物性値



Fig. 2 地盤の動的変形特性 Nonlinear Characteristics of Soil Layers

Table 2 地盤の非線形性を考慮できる解析手法

Characteristics of Analytical Methods

for Nonlinear Ground Response

F							
	実績	メリット	適用上の留意点				
等価 線形 化法		 ・詳細な地盤情報がない場合でも、地盤 定数が設定できる ・連成解析モデルへの 等価剛性の設定が 可能 	・せん断ひずみが大 きくなる場合は, 逐次積分非線形解 析との比較によっ て使用の妥当性を 確認すべき				
非線 形解 析法		 ・強地震動時の地盤応 答が正確に求められる ・液状化や滑りなどの 強非線形現象が直接考慮できる 	 ・地盤定数設定にあ たっては,詳細な データが必要 ・解析法毎に妥当性 を確認しておく必 要がある 				

設定せざるを得ない解析法では,等価線形化法の適用性 を個別に確認した上で使用の是非を決めることになる。 等価線形化法の適用性確認に非線形解析法の解析結果が 比較データとして用いられることがある。

本研究では,等価線形化法として重複反射解析(以下,SHAKEと称す)を,逐次積分非線形化法としてR-0モ デル(以下,R-0と称す)を採用した。SHAKEでは,収束条 件5%,有効ひずみ率を0.65に設定した。R-0では,時間 刻みを0.001秒に,内部減衰としてレーリー型減衰を1% に設定した。非線形特性に関しては,Fig.2の動的変形 特性を近似するように非線形パラメータを設定した。

2.2 解析結果

地震応答解析結果のうち,最大値の深度分布をFig.3 に示す。加速度応答は等価線形化法SHAKEの方が大き く,変位応答は非線形解析R-0の方が大きい。これは, SHAKEでは実効値となる最大応答値の0.65倍のひずみに 対応する剛性を採用していることから,R-0の最大応答 時に比べ剛性が大きくなっていることに起因している。 この傾向が耐震設計に与える要因としては,加速度応答 が支配的となる上部構造物の入力にはSHAKEでの応答結 果を用いた方が安全側の評価になることである。これに 対して地中構造物は地盤変位に支配されることから SHAKEの変位応答は,危険側の評価を与える可能性があ る。ただし,この点については,その差が13%程度あり 構造物設計時の安全率の中で吸収できると考えられる。 また,この解析における地盤の最大せん断ひずみは1.5% であり,等価線形化法の適用性を検討する必要がある。 その評価として, Fig.3の非線形解析法R-0を基準とした 場合,等価線形化法の最大加速度応答との差異は30%以 内であり,最大変位応答との差異は20%以内となる。こ の差異は最終的な耐震安全性評価における安全率として の荷重係数の範囲で吸収できることから,この解析例で は等価線形化法を適用できるものとした。

Fig.3(c)に各波形の最大加速度応答分布を示す。この 検討では地表面で480Galになるように調整している。海 洋気象台波は,上層に増幅する分布であるが,El Centro波は下層の方の振幅が大きい。これは,高振動成 分が大きいとその成分に対する減衰が大きいことが原因 している。そのため,地表面で加速度値を規定した場 合,基盤の加速度振幅はかなり大きくなることがある。 また,地中の加速度応答や変位分布は波形種別によって 異なることから,耐震設計においては特性の異なる複数 の波形で照査する必要がある。

3. 貯槽~地盤連成系モデルでの応答解析

3.1 解析方法

解析手法は,実績,解析次元等を考慮してTable 3に 示す4つの方法を選択した。実績が多いのはPenzein系 と軸対称解析である。Penzien系で代表される簡易モデ





(c) 波形種別の加速度応答比較(SHAKE)Fig. 3 地盤の加速度変位応答値分布

Distributions of Maximum Response of Ground

Table 3 貯槽地盤連成系の解析手法

Analytical Methods for Interaction Response						
[]:実績	メリット	適用上の留意点				
Penzien	・連成モデルの自由度	・基礎スラブや防液				
モテ゛ル	は小さい	堤の照査方法				
[]		・群杭効果				
2次 元	・強振動時の地盤非線	・円筒状構造物の2				
和的FFM	形 応 答 が 直 接 反 映	次元モデル化				
	できる	・基礎スラブや防液				
L J	_	堤の照査方法				
	・2次元モデルと同等	・構造物の非線形性				
軸対称	の自由度で円筒構	評価				
動的FEM	造物のモデル化	・地盤の等価剛性の				
[]	・群杭効果が直接評価	評価				
	できる					
3次元	・オーバリングモードなどの	・無限地盤の設定				
静的FEM	3次元性と非線形が	・杭の縮約モデル				
[]	直接反映可能					



ルは,幾何モデル自体の作成は容易であるが,相互作用 ばねの設定や群杭の諸特性を与えるのに他の解析や計算 が必要になるため,計算に要する時間はFEMよりかか る可能性がある。このうち,3次元解析は,静的FEM 解析であり,地震力は他の動的応答解析における最大応 答値から算定した。

解析対象は, Fig.4に示す14万*K*/地上式PCLNGである。 この貯槽は,1255本の鋼管杭を有し,基礎スラブは地盤 に接する形式の一重床タイプである。

3.1.1 Penzien系モデル 解析モデルをFig.5に示す。 修正Penzienモデルはオリジナルモデルに基礎直下地盤 に対応した質点系を追加したものである。自由地盤と相 互作用ばねはSHAKEの収束剛性から算定した。

杭は1本に集約したはり要素でモデル化するが,鉛直 方向の軸剛性は回転ばねに変換しモデル化した。基礎版 は剛版とし,杭は基礎版に剛接とした。杭先端は,回転 変位を自由にした。相互作用ばねはMindlin解を用い杭 一本当たりの値を算定し,群杭効果を考慮して杭本数の 平方根を乗じた。

貯槽内容液はHousnerモデルとし,設計用固有周期 (内槽0.357秒)から諸パラメータを設定した。ただし, 減衰は自由液部で0.5%,固定液部で2%,躯体コンクリー ト部で3%とした。

構造物系は,上部タンクを内槽の2質点曲げせん断型 モデルとPC防液堤を10質点曲げせん断型モデルでモ デル化した。

入力に関しては,基礎杭系および自由地盤系の底面位 置は同じ深さにあり,同一の地震動を受けるものとし た。手順は,自由地盤系の応答を工学基盤の入力地震動 2 E(E:入射波)に対して計算し,次に構造物系の応 答を底面入力地震動(自由地盤系の工学基盤実応答E+ F:F:反射波)と側方から相互作用ばねを介して入力



Schematic of the Modified Penzien Model

される自由地盤系の応答変位,応答速度とを同時に考慮した。時刻歴解析は,ニューマーク法(=1/4)による直接積分法で行い,積分時間刻みは1/500秒とした。

3.1.2 2次元FEMモデル 2次元FEMモデル は,非線形解析が可能であるため,実務設計では広く用 いられている。ただし,平面ひずみ状態でない貯槽の解 析では中央断面での応答特性のモデル化になる。ここで は,地盤の非線形性のみをR-0モデルで考慮した。地盤 モデルの境界は遠方地盤の無限性を考慮して側方と底面 に粘性境界を設けた。

構造物及び内容液はPenzien系モデルと同様にした。 具体的には,基礎版厚さを中央の1.8mとし,解析モデル の単位幅は基礎版外径(83m)とし,貯槽質点の諸量と杭 剛性は基礎幅で除した値を用いた。Fig.6に解析モデル を示す。

3.1.3 軸対称FEMモデル 軸対称モデルは,円筒 構造物を再現するのに適しており,鉛直動に対しては軸 対称荷重を,水平動に対しては非軸対称荷重を作用させ る。ただし,一般的には1次のフーリエ展開成分を外力 とするため,オーバリングや花びらモードは再現できな い。基本的には,3次元の非線形解析には適用できない ことから,材料非線形性は等価線形化法が用いられる。

地盤の等価剛性は,SHAKEの収束剛性を用いることも 考えられるが,ここでは相互作用系の解析で収束計算を 行なった。このとき,収束計算に用いる各要素のひずみ は最大値 _{may}の0.65を用いている。比較のため,SHAKE



Fig. 8 3次元FEMモデル 3D-FEM Model

の収束剛性を用いた応答解析も行なったが,相互作用系 での収束計算による応答値より小さく危険側の評価と なった。

杭はリングパイル要素⁵⁾でモデル化した。貯槽に関しては,液体を含め軸対称シェルとソリッド要素でもモデル化⁶⁾できるが,ここでは他の手法との比較を行なうため,Penzienモデルと同様の質点モデルを用いた。Fig.7に解析モデルを示す。

3.1.4 3次元FEMモデル 解析モデルは,構造物 及び外力の対称性を考慮して1/2対称条件を用いた (Fig.8(a))。そのため境界条件は,水平端部を自由に, 鉛直端部は水平ローラーとした。解析対象となる周辺地 盤領域は,タンク直径の2.5倍,深さ方向は杭先端より 15mまでモデル化した。地盤剛性は,SHAKEの収束剛 性を用いた。

基礎版周辺部に配置された杭は実本数でモデル化し, 基礎版中央部は杭4本分を1本に集約した。PC防液 堤,基礎版はソリッド要素でモデル化し,基礎版はコン クリート非線形モデルとして扱った。コンクリート非線 形モデルの概念図をFig.8(b)に示す。

荷重条件は,構造物及び地盤に静的荷重としての水平 力を漸増作用させた。解析手法としては増分法による静 的非線形解法を採用した。水平地震力分布は,軸対称F EM解析で貯槽本体の加速度が最大となった時刻での慣 性力を採用した。ただし,基礎版に作用する液圧等の荷 重は,水平地震動0.974Gを想定して算定した。Fig.8(c) に(通常運転時常時荷重+水平地震力+鉛直下向き地震 力)での基礎版に作用する荷重分布を示す。

3.2 杭応答

杭の耐震性は,発生断面力の耐力照査と水平変位で評価できる。このうち,水平変位に関しては地盤の応答変位(Fig.3(b)参照)とほぼ同様になり,周辺地盤と杭基礎の相対変位は最大で1.2cmと小さいことがわかった。

Fig.9に曲げーモーメントの深度分布を示す。曲げ モーメントは杭頭の他,地中部でも大きな分布を示す位 置があるが,これは地層の剛性が急変する部分で,GL-14m付近では杭頭部より大きな値になっている。このよ うに,震度法の設計では杭頭部で断面力照査が行われて きたが,地震応答解析では地中部の照査も必要になるこ とが明確になる。

(a)は、地盤の剛性をSHAKEの収束値を用い成層仮定の モデル,すなわち地盤の剛性評価に関して同一の手法を 比較したものである。幾何モデルに関してより詳細な3 次元モデルが簡易なPenzenモデルより大きな値を与えて いる。これは,3次元モデルの方が2次元モデルに比べ 基礎構造物に接続される地盤ばねは大きくなることに起 因している。同様に,(b)は,地盤の剛性を相互作用系 での応答解析結果に依存する手法を比較しているもの で,応答値は2次元FEMの方が軸対称解析より大きな 断面力を算定している。これは, Fig.3(b)で示したよう に,非線形解析(2次元FEM)の方が等価線形化法(軸 対称)より大きな応答変位を示していることに対応して いる。(c)は解析次元の比較をしているが,地盤剛性の 評価法と外力の与え方が異なることから,純粋な比較に ならないが,杭頭部以外は3次元解析の方が大きな断面 力を与えている。幾何モデルを詳細にすることで,この 場合は安全側の評価を与えることになる。ただし、要素 分割の精度や動的解析と静的解析の差異はあるため, 個々の検討対象タンクによって解析手法の違いによる応 答結果の大小は変化する。

(d)は照査結果を示すもので,図中の耐力が11m以深で 小さくなっているのは,杭の肉厚が減少しているためで ある。いずれの深度においても発生断面力は耐力を下回 り,耐震安全性は確保できていることがわかる。すなわ ち,L1レベル地震動で設計したPCLNGタンクの杭基礎 においても,L2地震動入力時の耐震性は確保されるこ とがわかる。

(e)は群杭の外周にある側部杭と中央部の杭の断面力 を比較している。杭頭部及び地盤剛性急変部では側部杭 の断面力は大きく,また,深さ方向の曲げモーメントの 変化は激しい。後者が意味することは,側部杭のせん断 力が大きくなることであり,このように杭位置による応 答の差が明確になる解析法が望ましいことが分かる。こ の点Penzienモデルは杭一本に集約しているため,平面 方向の断面力分布が評価できず合理的な設計にかける。

3.3 貯槽及びPC防液堤の応答

Fig.10に貯槽の応答加速度分布を示す。Penzienモデ ル以外は上部の応答の方が大きい。上部の応答値は軸対 称解析が最大となった。これに対して,下部の応答は2 次元FEMのほうが大きくなった。これらの応答の差 は,杭を含めた基礎の回転剛性の評価の違いによるもの で,Penzienモデルの回転剛性が過大に評価していると 推定できる。Penzienモデルでは,杭端部を固定したと





Comparisons of Accerelation Response at Inner Tank

きの鉛直剛性と基礎中央部からの距離から回転剛性を算 定しているが,実際は杭端部は周辺地盤とともに振動す ることから,相対的に剛性が低下することに原因してい ると考えられる。2次元FEMと軸対称解析では2次元 FEMの方が相対的に大きな回転剛性を与えることにな る。これは,2次元FEMは基礎の中央部の幅でモデル 化しているため,その中心軸周りの断面2次モーメント は軸対称モデルの1.7倍になることが原因している。軸 対称解析で基礎版での応答が小さくなっているのは,前 述した回転剛性の関係で2次元FEMより回転変位が大 きくなったためと考えられる。

耐震性照査の面から解析手法の適用性をみた場合,幾 何モデルの精度が高い軸対称解析の応答が安全側の結果 を与えた。特に,Penzienモデルで頂部の応答を求める 場合,危険側の評価になる可能性がある。同様に内槽に 発生する層せん断力は,Penzien系及び2次元FEMモ デルは167MNであるのに対して,軸対称モデルは208MNに なった。このことからも,幾何形状が実物に近いモデル を用いた方が安全側の断面力を評価することがわかる。

Fig.11にPC防液堤の加速度とせん断力分布を示す。 頂部の加速度応答は2次元FEMと軸対称モデルとでほ ぼ一致しているが,高さ方向の最大値分布は異なる。断 面力照査に用いられるせん断力は,軸対称モデルが大き く安全側の評価を与える。

4. 基礎版とPC防液堤の断面力照査

4.1 基礎版断面力分布特性と断面力照查結果

断面力の照査は常時荷重(自重+プレストレス力+温 度応力)と地震時動的成分を加えた地震時断面力で行う。

Fig.12に半径方向のせん断力分布と,最大せん断力発 生位置におけるせん断耐力を示す。基礎版のせん断力は 中心から約30mの位置で最も大きくなっている。この位 置は,杭配置が変化する部位である。最大地震時せん断 力の耐力に対する比率は46%であり,十分な耐震安全性 を有することがわかる。

Fig.13に半径方向及び円周方向の曲げモーメントと軸 力の分布を示す。軸力及び曲げモーメントは,端部近傍 Bの位置で大きな値を示しており,この部分のせん断力 も大きいことから,安全性を照査すべき部位と考えられ る。これらの分布で折線状になっているのは,杭が基礎 版に埋込まれているためで,特に,端部でその影響が大 きい。このような詳細な断面力分布を基に設計する場 合,ここで示した3次元解析が有効になる。

Fig.14に軸力~曲げモーメント相関限界曲線と地震時 断面力の関係を示す。耐震性の照査に関しては,この限 界曲線内に発生断面力が入っていれば安全性が確保でき ていることになる。いずれの部位も耐震安全性は確保さ れており,前述したように基礎版においても平成3年度 版土木学会コンクリート示方書に基づきL1レベル地震 動を外力として設計した貯槽は,L2地震動入力時の耐











Fig. 15 PC防液堤のせん断力分布と耐力 Distribution of Shear Force at Base Mat



Fig. 16 PC防液堤の断面力分布 Distributions of Section Force at PC Outer Tank

震性が確保されることになる。

4.2 PC防液堤断面力分布特性と断面力照査結果

Fig.15にせん断力分布と,最大せん断力発生位置におけるせん断耐力を示す。PC防液堤のせん断力は最下層が大きくなっている。この位置でのせん断耐力比は26%であり,十分な耐震安全性を有している。

Fig.16に鉛直方向の曲げモーメント分布と軸力相関分 布を示す。せん断力と同様に最下層Dに大きな断面力が 発生する。上部Cの大きな曲げモーメントはPC緊張力 によるものである。Fig.17に示す軸力~曲げモーメント 相関限界曲線と地震時断面力の関係から,いずれの部位 も耐震性を確保できるが,最も耐力上厳しいのは防液堤 上部 であることがわかる。

5. まとめ

既存のPCLNG貯槽を対象に,L2地震動に対する 耐震性を種々の地震応答解析法を用いて照査し,それら 解析手法の適用性に関する検討を行なった。

その結果,

- 1) 解析方法の選択と安全性評価:解析法が詳細になるに従い予測精度が上昇するが,特に貯槽杭基礎の場合,3次元性を考慮した手法によって断面力や応答加速度の値は大きくなり安全側の設計になる。
- 2) 地盤のモデル化:自由地盤の等価剛性を用いるよ



Fig. 17 PC防液堤の軸力~曲げモーメント限界関係 Interaction Curves of Limit Design at PC Outer Tank

り地盤構造物相互作用系モデルで地盤の非線形性を 直接考慮した方が断面力や応答加速度の値は大きく なる。

- 新面力照査:3次元解析等によって求められたL
 2地震時断面力は,限界状態設計法によって照査することで合理的に耐震性が評価できる。
- 4) 平成3年度版土木学会コンクリート示方書等の従 来指針に従い設計されたPCLNGタンクにおいて ものL2地震動に対する耐震性安全性は確認できた。

謝辞

この研究をまとめるにあたり,株式会社大阪ガス御担 当各位には有益なご助言を頂いたことを感謝いたします。

参考文献

- 1) 土木学会編:LNG地下タンク躯体の構造性能照査指 針,コンクリートライブラリー98,(1996)
- 2) 土質工学会編:構造物の基礎と地盤との動的相互作 用に関するシンポジウム発表論文集,(1996)
- 3) 土木学会編:コンクリート標準示方書[平成3年版](設計編),(1991)
- 4) 日本ガス協会:製造設備等耐震設計指針[平成13年 版],(2001)
- 松田隆,後藤洋三,徳永正博:大規模群杭基礎の地 震応答特性の解析,大林組技術研究所所報 No.48, pp.31-36,(1994)